

Roll No. ....

DD-2649

B. A./B. Sc./B. Sc. B. Ed. (Part I)  
EXAMINATION, 2020

MATHEMATICS

Paper Second

(Calculus)

Time : Three Hours

Maximum Marks : 50

नोट : सभी प्रश्न अनिवार्य हैं। प्रत्येक प्रश्न से कोई दो भाग हल कीजिए। सभी प्रश्नों के अंक समान हैं।

All questions are compulsory. Attempt any two parts from each question. All questions carry equal marks.

इकाई—1

(UNIT—1)

1. (अ) मैकलॉरिन प्रमेय से  $e^{a \sin^{-1} x}$  का प्रसार कीजिए तथा व्यापक पद ज्ञात कीजिए।

Expand  $e^{a \sin^{-1} x}$  by Maclaurin theorem and find the general term.

- (ब) यदि :

$$y = \left[ \log \left\{ x + \sqrt{1+x^2} \right\} \right]^2,$$

(A-31) P. T. O.

[ 2 ]

DD-2649

तो सिद्ध कीजिए :

$$(1+x^2)y_{n+2} + (2n+1)x y_{n+1} + n^2 y_n = 0.$$

If:

$$y = \left[ \log \left\{ x + \sqrt{1+x^2} \right\} \right]^2,$$

then prove that :

$$(1+x^2)y_{n+2} + (2n+1)x y_{n+1} + n^2 y_n = 0.$$

(स)  $\epsilon = -\delta$  विधि के प्रयोग से सिद्ध कीजिए कि :

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 + 4x) = 5$$

Using  $\epsilon = -\delta$  method, prove that :

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 + 4x) = 5$$

इकाई—2

(UNIT—2)

2. (अ) अनन्तस्पर्शीयाँ ज्ञात कीजिए :

$$y^3 - x^2 y + 2y^2 - 4y + x = 0$$

Find the asymptotes :

$$y^3 - x^2 y + 2y^2 - 4y + x = 0$$

(ब) वक्र :

$$y = x^3 + 2x^2 + x + 1$$

के बिन्दु  $(0, 1)$  पर वक्रता-वृत्त का समीकरण ज्ञात कीजिए।

For the curve :

$$y = x^3 + 2x^2 + x + 1,$$

find the equation of the circle of curvature at the point  $(0, 1)$ .

(A-31)

9405-00

[ 3 ]

DD-2649

(स) वक्र

$$ay^2 = x^2 (a - x)$$

का अनुरेखण कीजिए।

Trace the curve :

$$ay^2 = x^2 (a - x).$$

इकाई—3

(UNIT—3)

$$3. (अ) \int_0^\pi \frac{x \sin x}{1 + \cos^2 x} dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए।}$$

Find the value of :

$$\int_0^\pi \frac{x \sin x}{1 + \cos^2 x} dx.$$

(ब) परवलयों  $y^2 = 4ax$  तथा  $x^2 = 4by$  द्वारा परिवद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

Find the area enclosed by the parabolas  $y^2 = 4ax$  and  $x^2 = 4by$ .

(स) वृत्त  $x^2 + y^2 = a^2$  को  $x$ -अक्ष के परितः घुमाने से जनित ठोस का आयतन ज्ञात कीजिए।

Find the volume of the solid generated by the revolution of the circle  $x^2 + y^2 = a^2$  about  $x$ -axis.

(A-31) P. T. O.

[ 4 ]

DD-2649

इकाई—4  
(UNIT—4)

4. (अ) हल कीजिए :

$$(D^3 + 2D^2 + D)y = e^{2x} + x^2 + x.$$

Solve :

$$(D^3 + 2D^2 + D)y = e^{2x} + x^2 + x.$$

(ब) हल कीजिए :

$$(x^2y - 2xy^2)dx - (x^3 - 3x^2y)dy = 0.$$

Solve :

$$(x^2y - 2xy^2)dx - (x^3 - 3x^2y)dy = 0.$$

(स) हल कीजिए :

$$y = xp^2 + p.$$

Solve :

$$y = xp^2 + p.$$

## इकाई—5

## (UNIT—5)

5. (अ) हल कीजिए :

$$\frac{dx}{x(y^2 - z^2)} = \frac{dy}{y(z^2 - x^2)} = \frac{dz}{z(x^2 - y^2)}.$$

Solve :

$$\frac{dx}{x(y^2 - z^2)} = \frac{dy}{y(z^2 - x^2)} = \frac{dz}{z(x^2 - y^2)}.$$

(A-31)

0-2649

5,300

[ 5 ]

DD-2649

(ब) हल कीजिए :

$$x^2 \frac{d^2y}{dx^2} - (x^2 + 2x) \frac{dy}{dx} + (x + 2)y = x^3 e^x.$$

Solve :

$$x^2 \frac{d^2y}{dx^2} - (x^2 + 2x) \frac{dy}{dx} + (x + 2)y = x^3 e^x.$$

(स) हल कीजिए :

$$\frac{dx}{dt} + \frac{dy}{dt} + 2x + y = 0$$

$$\frac{dy}{dt} + 5x + 3y = 0.$$

Solve :

$$\frac{dx}{dt} + \frac{dy}{dt} + 2x + y = 0$$

$$\frac{dy}{dt} + 5x + 3y = 0.$$

(A-31)